

Національний аерокосмічний університет ім. М. Є. Жуковського
«Харківський авіаційний інститут»

Кафедра вищої математики та системного аналізу (№ 405)

ЗАТВЕРДЖУЮ

Гарант освітньої програми


(підпис)

Д.І. Чумаченко
(ініціали та прізвище)

«31» 08 2021 р.

**РОБОЧА ПРОГРАМА ВИБІРКОВОЇ
НАВЧАЛЬНОЇ ДИСЦИПЛІНИ**

ВИПАДКОВІ ПРОЦЕСИ

(назва навчальної дисципліни)

Галузь знань: 12 «Інформаційні технології»
(шифр і найменування галузі знань)

Спеціальність: 122 «Комп'ютерні науки»
(код та найменування спеціальності)

Освітня програма: Інтелектуальні системи та технології.

Форма навчання: денна

Рівень вищої освіти: перший (бакалаврський)

Харків 2021 рік

Міністерство освіти і науки України
Національний аерокосмічний університет ім. М. Є. Жуковського
«Харківський авіаційний інститут»

Кафедра вищої математики та системного аналізу (№ 405)

ЗАТВЕРДЖУЮ

Гарант освітньої програми

 O.B. Карташов
«31» 08 2021 р.

**РОБОЧА ПРОГРАМА ВИБІРКОВОЇ
НАВЧАЛЬНОЇ ДИСЦИПЛІНИ**

ВИПАДКОВІ ПРОЦЕСИ

(назва навчальної дисципліни)

Форма навчання: денна

Рівень вищої освіти: перший (бакалаврський)

Галузь знань: 121«Математика та статистика»
(шифр і найменування галузі знань)

Спеціальність: 113 «Прикладна математика”
(код та найменування спеціальності)

Освітня програма: Обчислювальний інтелект

Харків 2021

Розробник: Брисіна І.В., доцент кафедри вищої математики та
(прізвище та ініціали, посада, науковий ступінь та вчене звання)
системного аналізу, к.фіз.-мат.н., доцент


(підпис)

Робочу програму розглянуто на засіданні кафедри вищої математики та
(назва кафедри)
системного аналізу

Протокол № від « » р.

Завідувач кафедри: д.фіз.-мат.н, професор
(науковий ступінь та вчене звання)


(підпис)

О.Г.Ніколаєв
(ініціали та прізвище)

1. Опис навчальної дисципліни

Найменування показників	Галузь знань, спеціальність, освітня програма, рівень вищої освіти	Характеристика навчальної дисципліни	
		Денна форма навчання	Заочна форма навчання
Кількість кредитів – 4 денна	Галузь знань: 11 <u>«Математика та статистика»</u> , 12 <u>«Інформаційні технології»</u> <small>(шифр і найменування галузі знань)</small>	OK-12	
Кількість модулів – 2		Навчальний рік	
Кількість змістових модулів – 5		2021/ 2022	
Індивідуальне завдання <u>—(розрахункова робота)Процеси Маркова</u> <small>(назва)</small>	Спеціальність: 113 <u>«Прикладна математика»</u> , 122 <u>«Комп'ютерні науки»</u> <small>(код та найменування спеціальності)</small>	Семестр <u>—5—</u> -й	<u>—</u> -й
Загальна кількість годин – денна – 56	Освітня програма: Обчислювальний інтелект. Інтелектуальні системи та технології. <small>(найменування)</small>	Лекції <u>—32—</u> години	
Кількість тижневих годин для денної форми навчання: аудиторних – 4\3 самостійної роботи здобувача – 5	Рівень вищої освіти: перший (бакалаврський)	Практичні, семінарські <u>—</u>	
		Лабораторні <u>—24—</u> години	
		Самостійна робота <u>—64—</u> години	
		Вид контролю <u>іспит</u>	

Співвідношення кількості годин аудиторних занять до самостійної роботи становить:
для денної форми навчання – 56/64;
для заочної форми навчання – кількість годин аудиторних занять/ кількість годин самостійної роботи.

* Аудиторне навантаження може бути зменшено або збільшено на одну годину залежно від розкладу занять.

2. Мета та завдання навчальної дисципліни

Мета: вивчення методів які дозволяють аналітично досліджувати стохастичні моделі; обґрунтування застосування саме ймовірнісних засобів у сучасних розділах науки, техніки, інших галузях знань.

Завдання: вивчення методів теорії випадкових процесів, які дають можливість досліджувати найбільш загальні властивості, абстрагуючись від тих, які не мають суттєвого значення.

Компетентності, які набуваються:

1. Здатність до абстрактного мислення, аналізу та синтезу (ЗК -1).
2. Здатність застосовувати знання у практичних ситуаціях (ЗК -2).
3. Здатність знати та розуміти предметну область і професійну діяльність (ЗК -4).
4. Здатність до пошуку, оброблення та аналізу інформації з різних джерел (ЗК -7).
5. Здатність будувати математично-коректні моделі статичних та динамічних процесів і систем із зосередженими та розподіленими параметрами із врахуванням невизначеності зовнішніх та внутрішніх факторів. (ФК -3).
6. Здатність визначати основні чинники, які впливають на розвиток фізичних, економічних, соціальних процесів, відокремлювати в них стохастичні та невизначені показники, формулювати їх у вигляді випадкових або нечітких величин, векторів, процесів та досліджувати залежності між ними (ФК -4).
7. Здатність розробляти експериментальні та спостережувальні дослідження і аналізувати дані, отримані в них (ФК -11).

Очікувані результати навчання:

1. Знати і вміти застосовувати на практиці диференціальне та інтегральне числення, ряди та інтеграл Фур'є, векторну та лінійну алгебру, аналітичну геометрію та векторний аналіз, функціональний аналіз та дискретну математику в обсязі, необхідному для вирішення типових завдань системного аналізу (ПРН - 1).

2. Вміти визначати ймовірнісні розподіли стохастичних показників та факторів, що впливають на характеристики досліджуваних процесів, досліджувати властивості та знаходити характеристики багатовимірних випадкових векторів, використовувати їх для розв'язання прикладних задач, формалізувати стохастичні показники та фактори у вигляді випадкових величин, векторів, процесів (ПРН - 3).

3. Знати та вміти застосовувати основні методи постановки та вирішення задач системного аналізу в умовах невизначеності цілей, зовнішніх умов та конфліктів (ПРН - 6).

Пререквізити – алгебра та геометрія, математичний аналіз, теорія ймовірностей.

Кореквізити – функціональний аналіз, актуарна та фінансова математика, стохастичні моделі економічних процесів, логістика та управління запасами.

3. Програма навчальної дисципліни

Модуль 1

Змістовий модуль 1

Тема 1. Вступ до дисципліни «Випадкові процеси».

Предмет вивчення і задачі дисципліни «Випадкові процеси». Основні історичні етапи розвитку і становлення. Досягнення вітчизняної школи. Сучасний стан розвитку теорії та застосувань.

Тема 2. Основні поняття теорії випадкових процесів

Означення та приклади випадкових процесів. Класифікація випадкових процесів. Скінченновимірні розподіли. Теорема Колмогорова. Реалізації. Моменти. Кореляційна функція. Властивості числових характеристик. Означення стаціонарних у вузькому та широкому змісті процесів. Приклади. Дійсна та комплексна випадкові гармоніки. Гаусовський процес. Універсальний характер нормального розподілу. Властивості гаусівських систем. Система скінченновимірних розподілів гаусівського процесу. Нормальні процеси із дискретним та неперервним часом.

Змістовий модуль 2. Процеси Маркова.

Тема 3. Ланцюг Маркова.

Випадкове блукання. Матриця ймовірностей переходу ланцюга Маркова за один та за декілька кроків. Властивості. Існування стаціонарного розподілу-ергодична теорема. Інтерпретації стаціонарного розподілу.

Тема 4. Марківські однорідні процеси зі счисленною множиною станів. Марківська властивість. Однорідний процес із дискретною множиною станів. Системи прямих та обернених рівнянь Колмогорова-Чепмена для перехідних ймовірностей та ймовірностей перебування у стані. Існування граничного розподілу. Простіший потік випадкових подій , його властивості та застосування . Процеси Маркова в теорії масового обслуговування. Система Ерланга. Ймовірність втрати. Системи із очікуванням. Розподіл часу чекання моменту початку обслуговування. Поняття про оптимальність для систем масового обслуговування.

Модуль 2.

Змістовий модуль 3. Тема 5. Процеси із незалежними приростами.

Процес Пуассона. Випадковий телеграфний сигнал. Узагальнений телеграфний сигнал. Зв'язок між різними означеннями процесу Пуассона. Суперпозиція процесів Пуассона. Просіянний процес. Процес Крамера - Лундberga. Броунівський рух. Різні означення, властивості та застосування. Загальні процеси із незалежними приростами та їх застосування.

Змістовий модуль 4

Тема 6. Лінійні перетворення випадкових процесів.

Канонічний розклад випадкових процесів та лінійні перетворення процесів ,поданих у вигляді канонічного розподілу Зв'язок із канонічним розкладом кореляційної функції. Неперервність, похідна та інтегрування випадкових процесів відповідно до виду збіжності випадкових величин. Критерії середньоквадратичної збіжності. Змінення числових

характеристик випадкових процесів при лінійних перетвореннях. Приклади застосування - RC-ланцюжок. Випадки зберігання стаціонарності при лінійних перетвореннях. Спектр стаціонарного процесу. Спектральна щільність.

Змістовий модуль 5

Тема 7. Мартингали.

Означення мартингалів із дискретним часом. Симетричне випадкове блукання як приклад мартингала. Приклади. Класична задача про розорення гравця, середня тривалість гри, ймовірність розорення. Задача про розорення інвестора із застосуванням мартингалів. Момент зупинки. Тотожності Вальда. Мартингали із неперервним часом. Застосування мартингалів для дослідження моменту виходу вінерівського процесу за рівень.

8	Модульний контроль	2
9	Процес Вінера. Процес Пуассона.	2
10	Лінійні перетворення випадкових процесів. Спектральний розклад випадкових процесів.	2
11	Мартингали. Задачі про розорення інвестора.	2
12	Модульний контроль	2
	Разом	24

7. Теми практичних занять

№ з/п	Назва теми	Кількість годин	
		Денна форма навчання	Заочна форма навчання
1			
2			
	Разом		

8. Самостійна робота

№ з/п	Назва теми	Кількість годин
1	.	8
2	Вступ до дисципліни «Випадкові процеси»	5
3	Основні поняття теорії. Гаусівські процеси.	6
4	Марковські однорідні процеси зі счисленною множиною станів	10
5	Процеси із незалежними приростами.	8
6	Лінійні перетворення випадкових процесів. Спектральний розклад.	15
7	Мартингали	12
	Виконання розрахункової роботи «Процеси Маркова»	
	Разом	64

9. Індивідуальні завдання

Процеси Маркова. Розрахунок основних характеристик СМО.

10. Методи навчання

Проведення аудиторних лекцій, практичних занять, індивідуальні консультації (при необхідності), самостійна робота студентів за матеріалами, опублікованими кафедрою (методичні посібники), проведення олімпіад.

11. Методи контролю

Проведення поточного контролю, письмового модульного контролю, фінальний контроль у вигляді іспиту.

12. Критерії оцінювання та розподіл балів, які отримують студенти

12.1. Розподіл балів, які отримують студенти (кількісні критерії оцінювання)

Складові навчальної роботи за 5 семестр	Бали за одне заняття (завдання)	Кількість заняттів (завдань)	Сумарна кількість балів
Модуль 1			
Робота на практичних заняттях	0...2	8	0...16
Самостійна робота	0...1	8	0...8
Модульний контроль	0...24	1	0...25
Модуль 2			
Робота на практичних заняттях	0...2	6	0...12
Самостійна робота	0...1	6	0...6
Модульний контроль	0...25	1	0...25
Виконання та захист розрахункової роботи	0...20	1	0...20
Всього за семестр (*)			0...112

(*) Якщо кількість модульних балів у студента перевищує 100, то в якості підсумкової оцінки виставляється 100 балів.

Семестровий контроль (іспит) проводиться у разі відмови студента від балів поточного тестування та за наявності допуску до іспиту. При складанні семестрового іспиту студент має можливість отримати максимум 100 балів.

Білет для іспиту складається з двох теоретичних та двох практичних завдань. За кожне теоретичне питання та практичне завдання студент може отримати до 25 балів. Максимальна сума всіх балів – 100.

12.2. Якісні критерії оцінювання

Необхідний обсяг знань для одержання позитивної оцінки:

знати:

- Основні означення та теореми теорії випадкових процесів

Електронний ресурс, на якому розміщено навчально-методичний комплекс дисципліни: <http://library.khai.edu/library/fulltexts/doc/>

Комплекс НМЗД включає в себе такі обов'язкові складові:

- робоча програма дисципліни;
- конспект лекцій, підручники (навчальні посібники), в тому числі в електронному вигляді, які за змістом повністю відповідають робочій програмі дисципліни;
- методичні вказівки та рекомендації для виконання розрахункових та практичних робіт , а також рекомендацій для самостійної підготовки;
- тематики індивідуальних завдань;
- приклади розв'язування типових задач чи виконання типових завдань;
- питання для контрольних заходів;
- каталоги інформаційних ресурсів.

13. Методичне забезпечення

Робочі зошити та підручники:

1. Брисіна I.B., Макарічев В.О. Випадкові процеси. Харків, XAI, 2009.
2. БрисінаI.B., Рвачова Т.В., Томілова Є.П., Макарічев В.О. Методи системного аналізу у фінансовій і актуарній математиці.Харків, XAI, 2017. Російською мовою. Електронний ресурс.
3. БрисінаI.B., Рвачова Т.В., Томілова Є.П., Макарічев В.О. Фінансова и актуарна математика: навчальний посібник по практичним заняттям. XAI, 2017. Російською мовою. Електронний ресурс.
4. Ніколаєв О.Г. Аналітична геометрія та лінійна алгебра. - Харків, "Основа", 2000.
5. I. B. Брисіна, O. B. Головченко, Г. I. Кошовий, O. Г. Ніколаєв та ін. Практичний курс вищої математики в чотирьох книгах: Навч. посібник для ВУЗів. – Харків: Нац. аерокос. ун-т „Харк. авіац. ін-т”, 2004.
6. Навчально-методичнезабезпеченнядисципліни "Випадкові процеси" для бакалаврів / Нац. аерокосм. ун-т ім. М. Є. Жуковського "Харків. авіац. ін-т";I.B.Брисіна. - Харків, 2019. - 51 с. - <http://library.khai.edu/library/fulltexts/doc>

14. Рекомендована література

1. Горбань I.T. Теорія ймовірностей і математична статистика для наукових працівників та інженерів. НАНУ , Інститут проблем математичних машин і систем, К., 2003 – с. 244.
2. Коломієць С.В. Теорія випадкових процесів: практикум. – Суми: ДВНЗ «УБС НБУ», 2011. – 80 с.
3. Скороход А.В. Лекції з теорії випадкових процесів, К. Либідь, 1990, с. 167.

Допоміжна

4. Анисимов В.В., Закусило О.К., Донченко В.С. Элементы теории массового обслуживания и асимптотического анализа систем- К. : Вища школа, 1987.-248 с
5. Вентцель Е.С., Овчаров Л.А. Теория случайных процессов и ее инженерные приложения.-М.-Высшая школа , 2007, 480с.

6. Волков И.К., Зуев С.М., Цветкова Г.М.,- Случайные процессы. М.: Издательство МГТУ им. Н.Э.Баумана, 1999, -448 с.
7. Гнеденко Б.В. Курс теории вероятностей .-М. Ленанд ,2015.-448 с.
8. Гнеденко Б.В., Коваленко И.Н. Введение в теорию массового обслуживания, –М. URSS, 2013 Б –400 с.
9. Печинкин А.В., Тескин О.И., Цветкова Г.М.,- Теория вероятностей. Издательство МГТУ им. Н.Э.Баумана, 2004, -456с.
10. Пугачев В.С. –Теория вероятностей и математическая статистика , -М.: ФИЗМАТЛИТ, 2002, 496 с.
11. Розанов Ю.А. Теория вероятностей, случайные процессы и математическая статистика.-М.-Наука ,1985, 320 с.
12. Сборник задач по теории вероятностей, математической статистике и теории случайных функций. Под ред. Свешникова А.А.,- М.: Наука 1970.-656с.
13. Сборник задач по математике для ВТУЗов. Под ред. Ефимова А.В.-М.- Наука 1990, 432 с.
14. Миллер Б.М., Панков Т. П.,- Теория случайных процессов в примерах и задачах. М.: ФИЗМАТЛИТ, 2002-320 с.
15. Steve Lally, Stochastic processes lecture notes, Galton. Uchicago.edu., 2016.

Інформаційні ресурси (додатково)

<https://nptel.ac.in/courses/110104024/pdf/lecture5.pdf>

https://web.ma.utexas.edu/users/gordanz/notes/introduction_to_stochastic_processes.pdf

<https://ocw.mit.edu/courses/electrical-engineering-and-computer-science/6-262-discrete-stochastic-processes-spring-2011/video-lectures/lecture-20-markov-processes-and-random-walks/>