

Міністерство освіти і науки України  
Національний аерокосмічний університет ім. М. Є. Жуковського  
«Харківський авіаційний інститут»

Кафедра комп'ютерних наук та інформаційних технологій (№ 302)

**ЗАТВЕРДЖУЮ**

Гарант освітньої програми

 O. В. Прохоров  
(засновник) (загальна та приватна)

« 29 » 08 2023 р.

**РОБОЧА ПРОГРАМА ОБОВ'ЯЗКОВОЇ  
НАВЧАЛЬНОЇ ДИСЦИПЛІНИ**

**Моделі та методи дискретної математики**  
(загальна навчальна дисципліна)

**Галузь знань:** 12 «Інформаційні технології»  
(шифр і найменування галузі знань)

**Спеціальність:** 122 «Комп'ютерні науки»  
(шифр і найменування спеціальності)

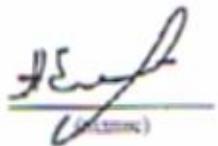
**Освітня програма:** «Комп'ютеризація обробки інформації та управління»,  
(загальне найменування освітньої програми)

**Форма навчання:** дenna

**Рівень вищої освіти:** перший (бакалаврський)

**Харків 2023 рік**

Розробник: Єлісєва А.В., доцент, к.т.н., доцент  
(президент та інші посади, науковий ступінь і вчене звання)



Робочу програму розглянуто на засіданні кафедри комп'ютерних наук та  
інформаційних технологій (№ 302)

Протокол № 659/09 від « 29 » 08 2023 р.

Завідувач кафедри д.т.н., проф.  
(науковий ступінь і вчене звання)



О.С. Федорович  
(ініціали та прізвище)

## 1. Опис навчальної дисципліни

Найменування показника	Галузь знань, спеціальність, освітня програма, рівень вищої освіти	Характеристика навчальної дисципліни <i>(дена форма навчання)</i>
Кількість кредитів – 5	<b>Галузь знань</b> <u>12 «Інформаційні технології»</u>	Обов'язкова
Кількість модулів – 2		<b>Навчальний рік</b>
Кількість змістовних модулів – 2		2023/2024
Індивідуальне завдання: <u>“Методи вирішення задач на графах”</u>	<b>Спеціальність</b> <u>122 «Комп'ютерні науки»,</u>	<b>Семestr</b>
Загальна кількість годин – 64/150	<b>Освітня програма</b> <u>«Комп'ютеризація обробки інформації та управління», «Розподілені інформаційні системи»</u>	1-й
Кількість тижневих годин для денної форми навчання: аудиторних – 4 самостійної роботи студента – 4	<b>Рівень вищої освіти:</b> перший (бакалаврський)	<b>Лекції*</b>
		32 години
		<b>Практичні, семінарські*</b> -- годин
		<b>Лабораторні*</b> 32 години
		<b>Самостійна робота</b> 86 годин
		<b>Вид контролю</b> модульний контроль, іспит

Співвідношення кількості годин аудиторних занять до самостійної роботи становить: 64/86.

\*Аудиторне навантаження може бути зменшено або збільшено на одну годину залежно від розкладу занять.

## **2. Мета та завдання навчальної дисципліни**

**Мета вивчення:** надати знань про сучасні методи дискретної математики для рішення задач моделювання та оптимізації.

**Завдання:** вивчення основних напрямків та способів застосування методів дискретної математики з використанням сучасних програмних платформ (MatLab та ін.).

**Компетентності, які набуваються:**

- здатність до побудови логічних висновків, використання формальних мов і моделей алгоритмічних обчислень, проектування, розроблення й аналізу алгоритмів, оцінювання їх ефективності та складності, розв'язності та нерозв'язності алгоритмічних проблем для адекватного моделювання предметних областей і створення програмних та інформаційних систем (ФК3);
- здатність опанувати сучасні методи математичного моделювання об'єктів, процесів і явищ, розробляти моделі й алгоритми чисельного розв'язування задач математичного моделювання з урахуванням похибок наближеного чисельного розв'язування професійних задач (ФК4);
- здатність до системного мислення, застосування методології системного аналізу для дослідження складних проблем різної природи, методів формалізації та розв'язуванні системних задач, що мають суперечливі цілі, невизначеності та ризики (ФК6);
- здатність застосовувати теоретичні та практичні основи методології та технології моделювання, реалізовувати алгоритми моделювання для дослідження характеристик і поведінки складних об'єктів і систем, проводити експерименти за допомогою програм моделювання з обробкою й аналізом результатів (ФК10).

**Очікувані результати навчання:**

- використовувати сучасний математичний апарат неперервного та дискретного аналізу, лінійної алгебри, аналітичної геометрії, в професійній діяльності для розв'язання задач теоретичного та прикладного характеру в процесі проектування та реалізації об'єктів інформатизації за галузями (ПРН2);
- демонструвати розуміння принципів моделювання організаційно-технічних систем і операцій; методів дослідження операцій, розв'язання одно – та багатокритеріальних оптимізаційних задач лінійного, ціличисельного, нелінійного, стохастичного програмування (ПРН6);
- забезпечувати ефективне управління якістю продуктів і сервісів як складових інформаційно-управлюючих систем (ПРН17).

У результаті вивчення даного курсу студент повинен знати:

– основи дискретної математики, необхідні для вивчення інших математичних дисциплін та інформатики та вирішення прикладних задач;

На підставі отриманих теоретичних знань студент повинен уміти:

- застосовувати найпростіші методи дискретної математики для вирішення типових завдань ;

- орієнтуватися в методах дискретної математики , застосовуваних для вирішення прикладних задач;

- володіти навичками застосування базового інструментарію дискретної математики для вирішення прикладних задач;

- володіти методикою побудови, аналізу та застосування моделей дискретної математики для оцінки стану і різних явищ і процесів.

**Пререквізити – відсутні.**

**Кореквізити – вища математика, основи програмування.**

### **3. Програма навчальної дисципліни**

#### **Модуль 1.**

##### **Змістовний модуль 1. Основи теорії множин та алгебри логіки**

**Тема 1.** Вступ до навчальної дисципліни «Дискретна математика».

Множини. Операції над множинами. Системи рівнянь в алгебрі множин.

##### **Тема 2. Алгебра висловлювань.**

Визначення логічних зв'язків. Тавтології й протиріччя. Закон подвійності.

Довершені диз'юнктивні на кон'юнктивні нормальні форми. Повнота мови.

##### **Тема 3. Основи бульової алгебри.**

Бульові функції. Теорема Яблонського й доведення повноти базису бульових функцій. Застосування бульових функцій для синтезу дискретних автоматів. Застосування бульових функцій для розробки релейно – контактних схем. Мінімізація бульових функцій. Метод Квайна-Мак-Класкі для мінімізації бульових функцій.

##### **Тема 4. Обчислення висловлювань.**

Формульовання задачі мінімізації у класі ДНФ. Бульові функції в імплікативному базисі.

##### **Тема 5. Синтез цифрових автоматів.**

Математична модель програмованої логічної матриці. Автомати Мура та Мілі. Функції входу, виходу та збудження. Різновиди тригерних комірок.

## **Модульний контроль.**

### **Змістовний модуль 2. Математична логіка. Комбінаторний аналіз. Теорія графів.**

#### **Тема 1. Алгебра предикатів.**

Предикатні формули. Рівносильні формули. Тотожні – істинні предикатні форми. Основні правила при перетворенні кванторно-предикатних форм до передчасно-нормальної форми.

#### **Тема 2. Теорія алгоритмів.**

Задача побудови машин Тюрінга. Нормальний алгоритм Маркова. Поняття про алгоритмічно розв'язувані й нерозв'язувані проблеми. Робота багатострічкової машини Тюрінга.

#### **Тема 3. Основи комбінаторики.**

Предмет, метод і значення комбінаторики. Основні правила комбінаторики. Основні теореми про кількість вибірок.

#### **Тема 4. Основи теорії графів.**

Основи теорії графів. Полустепінь підмножини, підграф, частковий граф. Зв'язність графу. Метод Мальгранжа. Приклад функцій на графах. Метод Демукрона, функція Гранді. Основні типові комбінаторні співвідношення.

## **Модульний контроль.**

### **Модуль 2.**

Виконання індивідуального завдання «Методи вирішення задач на графах».

#### 4. Структура навчальної дисципліни

Назви змістових модулів і тем	Кількість годин					
	денна форма					
	усього	у тому числі				
		л	п	лаб	с.р.	
<b>Модуль 1</b>						
<b>Змістовий модуль 1. Основи теорії множин та алгебри логіки</b>						
Тема 1 Вступна лекція. Множини та операції над множинами.	4	2	-	2	-	
Тема 2. Алгебра висловлювань.	16	4	-	2	10	
Тема 3. Основи бульової алгебри.	16	2	-	4	10	
Тема 4. Обчислення висловлювань.	18	4	-	4	10	
Тема 5. Синтез цифрових автоматів.	16	2	-	4	10	
<b>Модульний контроль</b>	2	2	-	-	-	
Разом за змістовним модулем 1	<b>72</b>	<b>16</b>	-	<b>16</b>	<b>40</b>	
<b>Змістовий модуль 2. Математична логіка. Комбінаторний аналіз. Теорія графів.</b>						
Тема 1. Алгебра предикатів.	18	4	-	4	10	
Тема 2. Теорія алгоритмів.	16	2	-	4	10	
Тема 3. Основи комбінаторики.	16	4	-	4	10	
Тема 4. Основи теорії графів.	16	4	-	4	6	
<b>Модульний контроль</b>	2	2	-	-	-	
Разом за змістовним модулем 2	<b>68</b>	<b>16</b>	-	<b>16</b>	<b>36</b>	
<b>Усього годин</b>	<b>140</b>	<b>32</b>	-	<b>32</b>	<b>76</b>	
<b>Модуль 2</b>						
Індивідуальне завдання	10	-	-	-	10	
<b>Усього годин</b>	<b>10</b>				<b>10</b>	

#### 5. Теми семінарських занять

№ з/п	Назва теми	Кількість годин	
		Денна форма навчання	Заочна форма навчання
1	Не передбачено навчальним планом		

#### 6. Теми практичних занять

№ з/п	Назва теми	Кількість годин
1	Не передбачено навчальним планом	

## 7. Теми лабораторних занять

№ з/п	Назва теми	Кількість годин
1	Алгебра множин і доведення тотожності різних алгебраїчних виразів.	4
2	Теорема Яблонського й доведення повноти базису бульових функцій.	4
3	Алгебра Жегалкіна та мінімізація бульових функцій.	4
4	Приклади виводу тотожно-істинних формул з теорії L.	4
5	Основні визначення предикатів і кванторів при побудові кванторно-предикатних форм.	4
6	Аналіз роботи машини Тюрінга й алгоритму Маркова.	4
7	Основні типи комбінаторних задач.	4
8	Виконання прикладів за допомогою алгоритмів Демукрона й Мальгранжа	4
<b>Разом</b>		<b>32</b>

## 8. Самостійна робота

№ з/п	Назва теми	Кількість годин
1	Системи рівнянь в алгебрі множин.	6
2	Довершенні диз'юнктивна нормальна форма.	10
3	Довершенні кон'юнктивна нормальна форма.	10
4	Метод Квайна-Мак-Класкі для мінімізації бульових функцій.	12
5	Бульові функції в імплікативному базисі.	8
6	Основні правила при перетворенні кванторно-предикатних форм допередчасно-нормальної форми.	10
7	Різновиди машини Тюрінга.	4
8	Робота багатострічкової машини Тюрінга.	4
9	Основні типові комбінаторні співвідношення.	4
10	Прикладні задачі на графах	8
<b>Разом</b>		<b>76</b>

## 9. Індивідуальні завдання

1. Виконання розрахункової роботи на тему «Методи вирішення задач на графах».

## **10. Методи навчання**

Проведення лекцій, лабораторних робіт, індивідуальні консультації з питань нового матеріалу, самостійна робота студентів.

## **11. Методи контролю**

Поточний контроль (теоретичне опитування й розв'язання практичних завдань), модульний контроль (теоретичні й практичні завдання за розділами курсу) та підсумковий (семестровий) контроль (іспит).

## **12. Критерії оцінювання та розподіл балів, які отримують здобувачі**

Складові навчальної роботи	Бали за одне заняття (завдання)	Кількість занять (завдань)	Сумарна кількість балів
<b>Змістовний модуль 1</b>			
Робота на лекціях	0...0,5	8	0...4
Виконання і захист лабораторних робіт	0...5	4	0...20
Модульний контроль	0...20	1	0...20
<b>Змістовний модуль 2</b>			
Робота на лекціях	0...0,5	8	0...4
Виконання і захист лабораторних робіт	0...5	4	0...20
Модульний контроль	0...20	1	0...20
Розрахункова робота	0...12	1	0...12
<b>Усього за семestr</b>			<b>0...100</b>

Іспит проводиться у вигляді письмових відповідей на питання білету. Білет складається з 1 теоретичного й 2 практичних запитань. За повну правильну відповідь на перше запитання студент отримує 20 балів. За повні правильні відповіді на два останні запитання – по 40 балів.

Під час складання іспиту здобувач має можливість отримати максимум 100 балів.

### **Критерії оцінювання роботи здобувача протягом семестру**

**Задовільно (60-74).** Мати мінімум знань та умінь. Відпрацювати та захистити всі лабораторні роботи. Знати основи теорії множин, алгебри висловлювань та бульової алгебри. Уміти розв'язати прості завдання з указаних тем.

**Добре (75-89).** Твердо знати мінімум знань, виконати усі завдання. Показати вміння виконувати та захищати всі лабораторні роботи в обумовлений викладачем строк з обґрунтуванням рішень та заходів, які запропоновано у роботах. Вміти дати пояснення отриманих результатів.

**Відмінно (90-100).** Повно знати основний та додатковий матеріал. Знати усі теми. Орієнтуватися у підручниках та посібниках. Безпомилково виконувати та захищати всі лабораторні роботи в обумовлений викладачем строк з докладним обґрунтуванням рішень та заходів, які запропоновано у роботах.

### Шкала оцінювання: бальна і традиційна

Сума балів	Оцінка за традиційною шкалою	
	Іспит, диференційований залік	Залік
90 – 100	Відмінно	Зараховано
75 – 89	Добре	
60 – 74	Задовільно	
0 – 59	Незадовільно	

### 13. Методичне забезпечення

Підручники, навчальні посібники, навчально-методичні посібники, конспекти лекцій, методичні рекомендації з проведення лабораторних робіт тощо, які видані в Університеті знаходяться за посиланням:

- [http://library.khai.edu/catalog?clear\\_all\\_params=0&mode=BookList&lang=ukr&caller\\_mode=SearchDocForm&ext=no&theme\\_path=0&themes\\_basket=&tmp\\_themes\\_basket=&disciplinesearch=no&top\\_list=1&fullsearch\\_fld=&author\\_fld=&docname\\_fld=%D0%94%D0%B8%D1%81%D0%BA%D1%80%D0%B5%D1%82%D0%BD%D0%B0%D1%8F+%D0%BC%D0%B0%D1%82%D0%B5%D0%BC%D0%B0%D1%82%D0%B0%D1%82%D0%BA%D0%B0&docname\\_cond=containword&theme\\_context=&theme\\_cond=all\\_theme&theme\\_id=0&is\\_ttp=0&combiningAND=0&step=20&tpage=1](http://library.khai.edu/catalog?clear_all_params=0&mode=BookList&lang=ukr&caller_mode=SearchDocForm&ext=no&theme_path=0&themes_basket=&tmp_themes_basket=&disciplinesearch=no&top_list=1&fullsearch_fld=&author_fld=&docname_fld=%D0%94%D0%B8%D1%81%D0%BA%D1%80%D0%B5%D1%82%D0%BD%D0%B0%D1%8F+%D0%BC%D0%B0%D1%82%D0%B5%D0%BC%D0%B0%D1%82%D0%B0%D1%82%D0%BA%D0%B0&docname_cond=containword&theme_context=&theme_cond=all_theme&theme_id=0&is_ttp=0&combiningAND=0&step=20&tpage=1)
- Сторінка дисципліни знаходиться за посиланням:  
<https://mentor.khai.edu/user/index.php?id=1825>

## **14. Рекомендована література**

### **Базова**

1. Попов В.О., Еременко Н.В. Дискретні моделі й методи аналіза інформаційних систем: учеб. посібник. – Х.: Нац. аерокосм. ун-т «Харк. авіац. ін-т», 2010.
2. Kwong H. A Spiral Work book for Discrete Mathematics – New York : Open SUNY Textbooks, 2015.
3. Коцовський В. М. Основи дискретної математики. – Ужгород: УжНУ «Говерла», 2020.
4. Мартинюк А.Н. Основи дискретної математики. – Одеса: ОНПУ, 2009.
5. Нікольський Ю.В., Пасічник В.В., Щербина Ю.М. Дискретна математика. – К.: Видавнича група ВНВ, 2007.
6. Новотарський М. А. Дискретна математика. – Київ: КПІ ім. І. Сікорського, 2020.
7. Бонадаренко М.Ф., Білоус Н.В., Руткас А.Г. Комп’ютерна дискретна математика. – К.: Компанія СМІТ, 2004.
8. Летичевський О.А., Кривий С.Л., Капітонова Ю.В. Основи дискретної математики.– К.: Наук. Думка, 2002.

### **Допоміжна**

1. Андрійчук В.І., Комарницький М.Я., Ішук Ю.Б. Вступ до дискретної математики. – Львів: ЛНУ, 2003.
2. Кублій Л. І. Комп’ютерна дискретна математика. – Київ : КПІ ім. І. Сікорського, 2020.
3. Ovidiu Bagdasar. Concise Computer Mathematics: Tutorials on Theory and Problems. – University of Derby, 2013.

## **15. Інформаційні ресурси**

1. Eric Lehman, F Thomson Leighton, Albert R Meyer. Mathematics for Computer Science. – [Electronic resource]. Available at: <https://courses.csail.mit.edu/6.042/spring17/mcs.pdf>
2. Gary Haggard, John Schlipf, Sue Whitesides. Discrete Mathematics for Computer Science. – [Electronic resource]. Available at: <https://www2.cs.uh.edu/~arjun/courses/ds/DiscMaths4CompSc.pdf>